



Exchange Rate Modeling and Forecasting (USD/LYD) Using Box- Jenkins (ARIMA) Models for the Period 1980-2024

Dr. Zakaria Mohamed Zakaria Ahmed *

Faculty of Economics and Political Science, Omdurman Islamic University, Sudan

نمذجة وتنبؤ سعر الصرف (الدولار مقابل الدينار الليبي)
باستخدام نماذج بوكس - جنكينز (ARIMA) خلال الفترة 1980-2024

د. زكريا محمد زكريا أحمد *

كلية الاقتصاد والعلوم السياسية، جامعة أم درمان الإسلامية، السودان

* Corresponding author: Zakariamom7577@gmail.com

Received: August 26, 2025

Accepted: November 12, 2025

Published: November 25, 2025

Abstract:

The exchange rate of the Libyan dinar against the US dollar has witnessed significant fluctuations and a substantial increase in recent years due to economic, political, and security factors. This has had a direct impact on the macroeconomy and the prices of goods and services. This study aimed to model and predict the exchange rate (US dollar vs. Libyan dinar) from 1980 to 2024 using **ARIMA** (Box-Jenkins) time series models. The main problem addressed is the scarcity of precise quantitative studies that help understand and forecast the performance of the exchange rate in Libya, especially amid economic and political volatility and Analysis Data by **EViews**.

The study relied on historical exchange rate data and followed the **ARIMA** methodology, which includes the stages of identification, estimation, diagnostic checking, and forecasting. Key results revealed that the time series was non-stationary at its original level but became stationary after taking the first difference. Based on the **AIC**, **SC**, and **SSE** criteria, the optimal model selected was **ARIMA(2,1,1)**.

The study also uncovered a long-term upward trend in the exchange rate, reflecting inflationary pressures and a weakness in the value of the Libyan dinar. It further indicated the presence of **heteroscedasticity** (**ARCH effect**), necessitating the use of more advanced models such as **GARCH** in future studies. The exchange rate was forecasted until 2030, with an expected rate of approximately **6.74 LYD per USD**.

Key recommendations include: continuous monitoring of the exchange market, addressing the structural causes of the dinar's weakness, employing **GARCH** models to improve forecast accuracy, and diversifying the economy to reduce dependence on foreign currencies.

Keywords: Exchange rate, US dollar, Libyan dinar, ARIMA models, Time series, Economic forecasting.

المخلص:

شهد سعر الصرف للدينار الليبي مقابل الدولار الأمريكي العديد من التغيرات والصعود بصورة كبيرة في السنوات الاخيرة وذلك قد يكون لعوامل اقتصادية وسياسية وأمنية مما جعل ذلك ذو تأثير مباشر على الاقتصاد الكلي وأسعار السلع والخدمات

وقد هدفت هذه الدراسة إلى نمذجة وتنبؤ سعر الصرف (الدولار الأمريكي مقابل الدينار الليبي) خلال الفترة من 1980 إلى 2024 باستخدام نماذج سلاسل زمنية من نوع ARIMA نماذج بوكس-جنكيز، وتمثلت المشكلة الرئيسية في ندرة الدراسات الكمية الدقيقة التي تساعد في فهم وتوقع أداء سعر الصرف في ليبيا، خاصة في ظل التقلبات الاقتصادية والسياسية وقد تم تحليل البيانات عن طريق برنامج EViews.

الدراسة اعتمدت على بيانات تاريخية لسعر الصرف، واتبعت منهجية ARIMA التي تشمل مراحل: التشخيص، والتقدير، والاختبار، والتنبؤ. وقد أظهرت أهم النتائج أن السلسلة الزمنية غير مستقرة في مستواها الأصلي، ولكنها أصبحت مستقرة بعد أخذ الفرق الأول. بناءً على معايير AIC و SC و SSE، تم اختيار النموذج الأمثل وهو $ARIMA(2,1,1)$ وكذلك كشفت الدراسة عن اتجاه تصاعدي طويل الأجل لسعر الصرف مما يعكس ضغوطاً تضخمية وضعفاً في قيمة الدينار الليبي وكما أظهرت وجود عدم تجانس في التباين (ARCH effect)، مما يستدعي استخدام نماذج أكثر تطوراً مثل GARCH في الدراسات المستقبلية. تم التنبؤ بسعر الصرف حتى عام 2030، حيث من المتوقع أن يصل إلى حوالي 6.74 دينار للدولار.

من أهم التوصيات: مراقبة سوق الصرف باستمرار، ومعالجة الأسباب الهيكلية لضعف الدينار، واستخدام نماذج GARCH لتحسين دقة التنبؤ، وتنويع الاقتصاد لتقليل الاعتماد على العملات الأجنبية.

الكلمات المفتاحية: سعر الصرف، الدولار، الدينار الليبي، نموذج اريما، السلاسل الزمنية، التنبؤات الاقتصادية.

المقدمة :

يُمر سعر الصرف (الدينار الليبي مقابل الدولار الأمريكي) بتغيرات كبيرة، وذلك لأسباب قد تكون اقتصادية أو سياسية أو حتى أمنية، وهو ما قد ينعكس بشكل مباشر على الاقتصاد الكلي، وعلى عمليات البيع والشراء، وأسعار مختلف الخدمات الحياتية. إن دراسة سعر الصرف والتنبؤ بنتائجه قد يساعد صانعي القرار والمسؤولين، وكذلك المستثمرين والتجار، في اتخاذ قرارات تخطيطية تستند إلى أصول علمية صحيحة. ويهدف هذا البحث إلى تطبيق نماذج بوكس-جنكيز (Box-Jenkins) أو نماذج ARIMA لتحليل السلاسل الزمنية لبيانات سعر الصرف في المؤسسات المالية خلال الفترة من 1980 إلى 2024. وتُعد نماذج بوكس-جنكيز من أهم الأساليب الإحصائية الفعالة في التنبؤ بالسلاسل الزمنية، حيث تكشف الأنماط التاريخية للبيانات وتتيح إمكانية استخدامها في التنبؤات المستقبلية.

ويعتبر هذا البحث من الدراسات النادرة التي تناولت سعر الصرف باستخدام منهجيات متقدمة مثل نماذج ARIMA، خاصة في ظل التغيرات التي تشهدها ليبيا، مثل عدم الاستقرار الأمني والاقتصادي والسياسي، والتي تؤثر بشكل مباشر على أداء السوق المالي. ومن خلال هذه الدراسة، نهدف إلى تقديم رؤى تحليلية تساعد المستثمرين وصناع القرار على فهم التقلبات السوقية واتخاذ قرارات استثمارية أكثر استنارة. اعتمدت الدراسة على بيانات تاريخية لأداء سعر الصرف، وسيتم استخدام نماذج ARIMA لتحليل هذه البيانات والوقوف على أفضل النماذج التنبؤية.

ويمكن اعتبار خلاصة هذه الدراسة مخرجات قيمة للمستثمرين والمهتمين بالشأن الاقتصادي في ليبيا، حيث وفرت تنبؤات دقيقة يمكن الاعتماد عليها في التخطيط الاستثماري.

مشكلة الدراسة:

يعاني سوق الصرف الليبي من تقلبات حادة وعدم استقرار ملحوظ في قيمة الدينار مقابل الدولار، وهو ما انعكس سلباً على الاقتصاد الكلي من خلال ارتفاع معدلات التضخم وتذبذب الأسعار وضعف القدرة الشرائية. ورغم خطورة هذه الظاهرة وأثرها المباشر على القرارات الاقتصادية والاستثمارية، إلا أن هناك ندرة واضحة في الدراسات الكمية التي تستخدم نماذج إحصائية متقدمة للتنبؤ بسعر الصرف في ليبيا. هذا النقص في الأدوات التحليلية الدقيقة يجعل من الصعب على صناع القرار والمستثمرين وضع استراتيجيات فعالة مبنية على أسس علمية. ومن هنا برزت الحاجة إلى دراسة متخصصة تعتمد على نماذج بوكس-جنكيز (ARIMA) بهدف تحديد النموذج الأمثل للتنبؤ وتحليل السلوك المستقبلي لسعر الصرف.

أهداف الدراسة:

- يهدف هذا البحث إلى تقييم ودراسة أثر العملات الأجنبية، وخاصة الدولار، على الاقتصاد الليبي ومدى تأثيره على السياسات والاستراتيجيات الاقتصادية.
- تكوين نماذج إحصائية مثل نماذج ARIMA للتنبؤ بسعر الصرف اليومي خلال الفترة من 1980 إلى 2024. - إنشاء قاعدة بيانات ومعلومات عن سعر الصرف الرسمي أو المتداول يوميًا من مصادر موثوقة مثل إدارة الرقابة على المصارف والنقد بمصرف ليبيا المركزي، وزارة المالية والاقتصاد، أو مواقع تداول مرخصة.
- استخدام النموذج الأمثل للتنبؤ بسعر الصرف خلال فترة زمنية قدرها خمس سنوات، وذلك بغرض التأكد من دقة النموذج المختار وملاءمته في التنبؤ والتدقيق.

أهمية الدراسة:

الأهمية الأكاديمية:

- يسد البحث فجوة علمية في مجال دراسات سعر الصرف في ليبيا باستخدام نماذج ARIMA ، إذ تعد من أندر المحاولات التي توظف منهجيات السلاسل الزمنية الحديثة في هذا المجال.
- يساهم في تطوير المعرفة الاقتصادية والإحصائية عبر إبراز كيفية تطبيق المعايير الكمية للتنبؤات الاقتصادية، ما يفتح المجال أمام دراسات مستقبلية أكثر عمقاً.

الأهمية التطبيقية:

- يزوّد صناع القرار والجهات الحكومية بأداة دقيقة يمكن الاعتماد عليها في رسم السياسات النقدية والمالية.
- يساعد المستثمرين والتجار على فهم الاتجاهات المستقبلية لسعر الصرف، وبالتالي تحسين قدرتهم على إدارة المخاطر واتخاذ قرارات استثمارية أكثر أماناً ، ويوفر قاعدة بيانات وتحليلات يمكن أن تكون مرجعاً عملياً للمؤسسات المالية في مراقبة أداء العملة وتطوير استراتيجيات أكثر مرونة لمواجهة التقلبات.

فروض الدراسة :

- نماذج بوكس - جنكيز تعتبر الأفضل من غيرها في دراسة وتحليل سعر الصرف
- توجد علاقة ذات دلالة إحصائية بين البيانات التاريخية لسعر الصرف والقيم التنبؤية التي يوفرها النموذج المختار .
- نموذج ARIMA(111) هو النموذج الأفضل لتنبؤات دقيقة لأداء سعر الصرف.
- النموذج المختار يمكن ان يساعد متخذي القرارات الاقتصادية والاستثمارية في عملية التخطيط ومعرفة ما يحدث مستقبلاً.

مصادر بيانات الدراسة :

- البيانات المالية التاريخية: تشمل أسعار الأسهم، المؤشرات المالية، وحجم التداولات في سوق الأوراق المالية الليبية خلال الفترة من 1980 إلى 2024 والتي تم الحصول عليها من البورصة الليبية والجهات الحكومية المختصة مثل وزارة الاقتصاد أو البنك المركزي الليبي.

منهجية الدراسة :

- يستخدم في هذه الدراسة المنهج الوصفي والذي يعمل على وصف الظاهرة عن طريق الإحصاءات الوصفية وكذلك التحليلي عن طريق استخدام السلاسل الزمنية.

أداة التحليل:

السلاسل الزمنية باستخدام منهجية بوكس-جنكيز (ARIMA).

حدود الدراسة :

- تشمل الحدود الزمانية الفترة من (1980 إلى 2024)، حيث تم اعتماد قيمة عام 2024 على أساس قيمة تنبؤية مستخلصة من السلسلة الزمنية، وهي قيمة توقعية مبنية على نموذج انحداري. - أما الحدود المكانية فتشمل البورصة الليبية أو البنك المركزي الليبي.

الدراسات السابقة :

- دراسة محمد حماد (2025): دراسة تحليلية عن سعر الصرف وأثره على الاقتصاد السوداني خلال الفترة (1986-2023). هدفت الدراسة إلى قياس أثر سعر الصرف على معامل الاستقرار النقدي في الاقتصاد السوداني، وتوصلت إلى أن سعر الصرف له أثر كبير ومتحكم في جميع الأوراق المالية في السودان.
- دراسة الشماني (2023): قياس أثر تغير سعر الصرف على الاستقرار النقدي في الاقتصاد الليبي خلال الفترة (1981-2023) باستخدام نموذج ARDL. وقد توصلت الدراسة إلى وجود تكامل مشترك بين المتغيرات، وكذلك وجود أثر إيجابي لسعر الصرف الحقيقي والتضخم على الاستقرار النقدي.
- دراسة إبراهيم النور (2021): أثر تغيرات سعر الصرف على الاستقرار النقدي في مصر خلال الفترة (1970-2020). وتوصلت الدراسة إلى أنه كلما ارتفع سعر الصرف تبعه تدهور في الاستقرار النقدي في الاقتصاد المصري على المدى الطويل والقصير.
- دراسة هويدا الحاكم (2020): تأثير سعر الصرف على معدل التضخم في السودان (2020). هدفت الدراسة إلى معرفة أثر سعر الصرف على معدل التضخم في السودان، وتوصلت إلى أنه كلما ارتفع سعر الصرف ارتفع التضخم، أي أن العلاقة طردية.
- دراسة أحمد الضاوي (2015): أثر تغيرات سعر الصرف على التضخم في تونس خلال الفترة (1991-2011)

مقارنة الدراسة والدراسات السابقة :

كل الدراسات السابقة أشارت إلى أن سعر الصرف يُعد العامل الأهم ويمثل متغيرًا أساسيًا في الاستقرار النقدي، وقد تختلف النتائج من دراسة إلى أخرى. إلا أن ما يميز دراستنا هو استخدام نماذج بوكس-جنكيز لبناء نموذج للتنبؤ والتوقعات المستقبلية، بالإضافة إلى اختلاف الفترات الزمنية المدروسة، وهو ما لم تتطرق إليه الدراسات السابقة. وقد أدى ذلك إلى إظهار نتائج أكثر دقة يمكن الاعتماد عليها في اتخاذ القرارات الاقتصادية والاستثمارية المستقبلية.

سعر الصرف الليبي

بعد الاستقلال أصدرت لجنة النقد الليبية أول عملة ليبية موحدة في 1952/24/3، وكانت الوحدة القياسية للعملة جنيه ليبي يساوي جنيه إسترليني، وبعد انضمام ليبيا إلى صندوق النقد الدولي عام 1958 حددت ليبيا قيمة عملتها في السنة التالية عند مستوى جنيه ليبي يساوي 2.48828 جرام من الذهب الخالص أو ما يعادل 2.8 دولار أمريكي، واستمر نظام تثبيت قيمة العملة الليبية عند هذه القيمة رغم كلما حصل من تطورات مثل فك ارتباطه بالجنيه الإسترليني عام 1967 وتغيير تسميته من الجنيه إلى الدينار عام 1971 استمر عند نفس القيمة حتى عام 1973 حيث أعيد تثبيت قيمة الدينار الليبي مقابل الدولار الأمريكي بسعر صرف دينار واحد يساوي 3.3778 دولار أمريكي.

اتخذت الدولة الليبية في عام 1986 قرار بفك ارتباط الدينار الليبي بالدولار الأمريكي وتم ربطه بسلة حقوق السحب الخاصة في 1986/3/28 بسعر صرف دينار واحد يساوي 2.80 وحدة حقوق سحب خاصة، وبذلك انخفضت قيمة الدينار الليبي بحوالي 4% مقابل الدولار الأمريكي، وحدد مصرف ليبيا المركزي هامش مسموح به لتغير سعر صرف الدينار مقابل وحدة حقوق السحب الخاصة في حدود 7.25% بالزيادة

والنقصان وحددت قيمته عند ادنى مستوى يسمح به الهامش المحدد بحيث أصبح سعر صرف الدينار يساوي 2.60465 وحدة حقوق سحب خاصة.

وقام المصرف المركزي في عام 1995 و 1998 بتخفيض القيمة التعادلية للدينار بحيث أصبح الدينار يساوي 1.517 وحدة حقوق سحب خاصة بدل من 2.8 التي كان معمول بها، وكان الهدف من هذا التخفيض تهيئة البيئة لتصحيح أوضاع سعر الصرف، وقد مر الاقتصاد الليبي خلال تلك الفترة بتقلبات كبيرة في سعر الصرف، وكان هناك أربعة أسعار صرف في السوق الليبي، سعر صرف رسمي، وسعر صرف تجاري، وسعر الصرف الخاص المعلن، وسعر الصرف في السوق الموازي، ولمعالجة الوضع طبق المصرف المركزي بداية من عام 1999 ما سمي في ذلك الوقت بسياسة سعر الصرف الخاص، وملخص هذه التجربة الناجحة كان بإقرار سعر صرف خاص معلن قريب من السعر في السوق الموازي، وطبق على بعض التعاملات دون غيرها بهدف سحب السعر في السوق الموازي، واستمر المصرف في عملية التخفيضات خلال الفترة 2002-1999 الى أن وصل الى السعر المستهدف في الخطة وهو 1.30 دينار لكل دولار ، وقد نجح المركزي في ذلك من أول يوم في التطبيق وكان سعر الصرف في السوق الموازي قريب جداً من السعر الرسمي ويتبعه في كل تخفيض، وبعد وصول السعر الى السعر المستهدف تبث المركزي هذا السعر وبدء العمل به اعتباراً من 1/1/2002، وفي 2003.

اتخذ مجلس إدارة المركزي قراراً آخر بتخفيض سعر الصرف الرسمي بواقع 15% بهدف احتوى ضريبة النهر الصناعي لتصحيح القيمة التعادلية للدينار لتساوي 0.5175 وحدة حقوق سحب خاصة والدولار الواحد يساوي 1.5 دينار تقريباً، ويتحرك هذا السعر ضمن هامش واسع وفقاً للتغيرات في قيم العملات الاجنبية المكونة للسلة التي تعتمد عليها وحدة حقوق السحب الخاصة، واستقر سعر صرف الدينار الليبي عند ذلك المستوى مدعومة بالتحسن في أسعار النفط وزيادة موارد النقد الاجنبي لدى المصرف المركزي على مدار خمسة عشر عاماً، وحتى اندلاع أزمة الهلال النفطي خلال الفترة 2013-2016 وما نتج عنها من انخفاض حاد في موارد النقد الاجنبي لدى المصرف المركزي، وبعد الاختلالات التي حصلت في الاقتصاد من اغلاقات وانخفاض حاد في إيرادات النقد الأجنبي والاحتياطات صدر قرار المجلس الرئاسي رقم 1 لسنة 2018 بفرض رسم على مبيعات النقد الاجنبي بنسبة 183% عدل ألاحاقاً في أغسطس 2019 الى 163%،

وفي سنة 2020 قرر 0.1555 وحدة حقوق سحب خاصة أي 4.48 دينار لكل دولار وبدء العمل به من 3/1/2021.

السلاسل الزمنية :

نماذج (بوكس_جينكينز) (Box_jenkins models)

تنقسم نماذج (بوكس_جينكينز) الى نوعين:

يتمثل النوع الاول بالنماذج غير الموسمية ويقصد بها النماذج التي تعالج السلاسل الزمنية غير المحتوية على عنصر الموسم

والنوع الثاني يعرف بالنماذج الموسمية وهي التي تعالج السلاسل الزمنية المنتظمة لعنصر الموسم ، وهي السلاسل التي تعيد نفسها اي تعيد ارتفاعها وانخفاضها بعد كل مدة زمنية ثابتة الطول (5) مثلاً تدعى بالموسم (season) وقد يصعب ملاحظة التذبذبات الموسمية بدقة في السلاسل غير المستقرة وذلك بسبب اختلافها مع الاتجاه العام لهذه السلاسل ويمكن تفادي هذه المشكلة بتحويل السلاسل الزمنية غير المستقرة الى اخرى مستقرة للتخلص من اثر وجود الاتجاه العام في البيانات ثم يتم تحديد الموسمية عن الطريق دراسة دالة الارتباط الذاتي .

- نماذج السلاسل الزمنية المستقرة: (stationary time series)

تصلح هذه النماذج لتمثيل السلاسل الزمنية بخاصية الاستقرارية اي لا يوجد فيها اتجاه عام في بياناتها ولها وسط حسابي ثابت تذبذب حوله , وتتضمن هذه النماذج ثلاثة انواع :

- نماذج الانحدار الذاتي (AR)(Auto regressive models)

$$y_t = \delta + \theta_1 y_{t-1} + \dots + \theta_p y_{t-p} + \varepsilon_t \quad \text{AR}(p) \text{ ويقرأ بنموذج}$$

فمثلا نموذج الانحدار الذاتي من الدرجة الاولى AR(1) هو :
 $y_i = \delta + \theta_1 y_{i-1} + \varepsilon_i$

وفي البعض الاحيان يمكن ان تمثل الظاهرة بنموذج مختلط من الانحدار الذاتي من الرتبة (p) والاوراسات المتحركة من الرتبة (q) لنحصل على نماذج التي يسمي النموذج المختلط والذي يرمز له بالرمز ARMA(p,q) يمكن تمثيلة بالنموذج الرياضي الاتي:

$$X_t = \phi_1 X_{t-1} + \phi_2 X_{t-2} + \dots + \phi_p X_{t-p} + \varepsilon_t - \theta_1 \varepsilon_{t-1} - \theta_2 \varepsilon_{t-2} - \dots - \theta_q \varepsilon_{t-q} \quad (1-3)$$

التشويش الابيض (9) White noise

العملية العشوائية (ε_t) تدعى بعملية التشويش الابيض (White noise process) (9) اذا كانت تمثل متتابعة من المتغيرات العشوائية غير المرتبطة مع بعضها البعض Uncorrelated والتي معدلها يساوي صفر وتباينها محدود $\sigma^2 \varepsilon$ أي ان:

$$\begin{aligned} E(\varepsilon_t) &= 0 \\ \text{var}(\varepsilon_t) &= \sigma^2 \varepsilon \\ k \neq 0 \quad \text{cov}(\varepsilon_t + \varepsilon_{t+k}) &= 0 \end{aligned}$$

نماذج السلاسل الزمنية غير المستقرة (Non Stationary time series)

وتنطبق هذه النماذج لتمثيل السلسلة الزمنية التي يكون الاتجاه العام احد مكوناتها مما يجعل لها عدة اوساط تنذب حول البيانات وهذه النماذج يمكن تمثيلها بنماذج النوع الاول لكن بعد ازاله عدم الاستقرار من السلاسل الاصلية باستعمال طريقة الفروق (Differences method) ومن خلال اخذ العدد المناسب من الفروق للبيانات الاصلية ولفترات زمنية تمثل طول الموسم ويضاف لرمز حرف (d)

وتتضمن هذه النماذج نفس النماذج السلاسل الزمنية المستقرة لكن لنتميز بين هذا النوع من النماذج الاولى تضاف كلمة (integrated) الى اسم النماذج للدلالة على استعمال نماذج السلاسل الزمنية المستقرة على السلاسل الزمنية غير المستقرة بعد تحويلها الى السلاسل الزمنية ولتمثيل هذا النوع من النماذج يفضل استخدام النموذج المختلط بعد اضافة الحرف الاول من كلمة المذكورة ليصبح الرمز النموذج (ARIMA) ويصبح النموذج من الدرجة (p,d,q)

ان عملية تحويل السلاسل الزمنية غير المستقرة الى اخرى مستقرة سيجنبنا كثيرا من المشاكل اذ ان الخصائص الزمنية المستقرة مستقلة عن الزمن فضلا عن ذلك يكون من السهل تطوير نظرية الاستقرار لتشمل السلاسل الزمنية الاحتمالية اي تكون السلاسل الجديدة التي يتم التنبؤ بها المستقرة ايضا اما من الناحية العلمية فالحسابات الخاصة بتقدير معالم النماذج المستقرة تحتاج الى عمل اقل.

مراحل بناء النماذج (Box_jenkis):

تحتاج عملية بناء النماذج للسلسلة الزمنية الى الخبرة وجهد كبيرين خاصة بالنسبة لنماذج (Box_jenkis) وتعد عملية البناء هذه طريقة تكرارية (interactive method) وتأخذ المراحل التالية: _

(التشخيص) (model identification):

تعد مرحلة التشخيص النموذج من اهم مراحل في تحليل السلاسل الزمنية ويستند تشخيص النموذج على مجموعة البيانات المدروسة وعلى فهم الخصائص الاساسية للسلاسل الزمنية خاصة دوال الارتباط الذاتي والارتباط الجزئي وعندما يتم تشخيص نموذج معين فان عمية التنبؤ تكون عملية سهلة ومسالمة ميكانيكية

وقبل البدء بالتشخيص واختيار النموذج الملائم لتمثيل البيانات السلسلة المدروسة يجب اختبارها أولاً للتعرف فيما إذا كانت تلك السلاسل مستقرة أم لا

لمعالجتها وتتضمن هذه المرحلة :

- الرسم البياني لبيانات السلسلة الزمنية

- اختيار النموذج وتحديد درجته

- دالة الارتباط الذاتي (Autocorrelation Function) (ACF)

ان اي نموذج يصف سلسلة زمنية معينة يمكن ان تحدد ابرز خواصه من خلال دالة ارتباط الذاتي (Autocorrelation) function

والتي هي مقياس لدرجة العلاقة بين قيم المتغير نفسة عند فترات الزمنية مختلفة اذا يمكن ملاحظة ان هذه الدالة هي مشابهة لدالة الارتباط ولكن الفرق هو ان دالة الارتباط تقيس درجة العلاقة بين متغيرين مختلفين بينما دالة الارتباط الذاتي تقيس العلاقة للمتغير نفسة ولكن في فترات مختلفة ومن هنا يمكن القول بان

معامل الارتباط الذاتي Autocorrelation Coefficient

مشابه تماماً لمعامل الارتباط correlation Coefficient في كونه يقع بين القيمتين +1 و -1 فاذا كانت قيمة الارتباط مساوية الى +1 دل ذلك على وجود علاقة طردية تامة بينما اذا كانت مساوية الى -1 دل ذلك على وجود علاقة عكسية تامة بينما اذا كانت قيمة الارتباط مساوية الى صفر فهذا يدل على انعدام العلاقة

ويرمز لدالة الارتباط الذاتي عادة بالرمز p_k حيث ان الارتباط الذاتي x_t و x_{t+k} يعطى بالشكل التالي :

$$p_k = \frac{\text{cov}(x_t, x_{t+k})}{\sqrt{\text{var}(x_t)} \sqrt{\text{var}(x_{t+k})}} \dots (1-4)$$

حيث يسمى بسط المعادلة بدالة التباين المشترك الذاتي Auto covariance Function, والتي هي مقياس

التباين بين x_t و x_{t+k} , حيث ان k هو ثابت حقيقي ويمز لهذه الدالة بالرمز y_k , فعلى فرض ان

$$E(x_t) = \mu \text{ يمثل المتوسط لـ } x_t \text{ وان } \text{var}(x_t) = E(x_t - \mu)^2 = \sigma^2$$

يمثل التباين لـ x_t فانه يمكن كتابة دالة التباين المشترك الذاتي بالشكل التالي :

$$y_k = \text{cov}(x_t, x_{t+k}) = E[(x_t - \mu)(x_{t+k} - \mu)] \dots (1-5)$$

فاذا كانت قيمة $k = 0$ فان دالة التباين المشترك الذاتي تكون بالشكل التالي :

$$y_0 = \text{cov}(x_t, x_t) = \text{var}(x_t) = \text{var}(x_{t+k}) \dots (1-6)$$

وبهذا فانه يمكن اعادة كتابة المعادلة اعلاه :

$$p_k = \frac{y_k}{y_0} \dots (1-7)$$

وفي التطبيقات العملية يتم استخدام المعادلة التالية لغرض حساب القيم التقديرية لـ p_k

$$r_k = \frac{\sum_{t=1}^{n-k} (X_t - \bar{X})(x_{t+k} - \bar{X})}{\sum_{t=1}^n (X_t - \bar{X})^2} \dots (1-8)$$

والذي يرمز لها بالرمز r_k :

او يمكن الاستفادة من الخاصية التي تفترض بان $x_{t+k} = x_{t-k}$ ليتسنى لنا اعادة كتابة المعادلة اعلاه :

$$r_k = \frac{\sum_{t=1}^{n-k} (X_t - \bar{X})(x_{t-k} - \bar{X})}{\sum_{t=1}^n (X_t - \bar{X})^2} \dots (1-9)$$

- دالة الارتباط الذاتي الجزئي (partial autocorrelation function) pacf

مثلاً قلنا يمكن تحديد خصائص السلسلة الزمنية من خلال دالة الارتباط الذاتي acf تسمى بدالة الارتباط الذاتي الجزئي (PACF) (partial autocorrelation function) كذلك فان هناك دالة اخرى يمكن

ايضا ان تكون ذات فائدة في تحديد خصائص السلسلة الزمنية وهذه الدالة ACF حيث يمكن من خلال هاتين الدالتين تحديد معظم خصائص السلاسل الزمنية ودالة الارتباط الذاتي الجزئي (PACF) هي الدالة التي تقيس درجة الارتباط بين المتغيرين بثبوت المتغيرات الاخرى فاذا اردنا قياس درجة العلاقة بين x_{t+k}, x_t فان هذا يعني ايجاد الارتباط وبالشكل التالي:

$$\text{corr}[x_t, x_{t+k} / x_{t+1}, x_{t+2}, \dots, x_{t+k-1}] \dots (1_10)$$

فاذا رمزنا لهذه الدالة بالرمز p_k فان :

$$p_k = \frac{\text{cov}[(x_t - \hat{x}_t), (x_{t+k} - \hat{x}_{t+k})]}{\sqrt{\text{var}(x_t - \hat{x}_t)} \sqrt{\text{var}(x_{t+k} - \hat{x}_{t+k})}} \dots (1_11)$$

حيث ان \hat{x}_t, \hat{x}_{t+k} افضل تقدير خطي ل x_t, x_{t+k} على توالي وباستخدام دالتي الارتباط الذاتي ACF والارتباط الذاتي الجزئي PACF يمكن تحديد درجة النموذج فيالنسبة الى نموذج الانحدار الذاتي AR فان قيم دالة الارتباط الذاتي ACF تتضاءل بالتدرج نحو قيمة الصفر بينما تقطع الدالة الارتباط الذاتي الجزئي PACF بعد الدرجة P والذي يمثل درجة نموذج الانحدار الذاتي AR (p) اما نموذج المتوسطات المتحركة MA فان قيم دالة الارتباط الذاتي ACF تقطع بعد الدرجة q والتي تمثل درجة النموذج MA(q) بينما تتضاءل قيم دالة الارتباط الذاتي الجزئي PACF نحو الصفر. اما اذا تضاءلت دالتي الارتباط الذاتي ACF والارتباط الذاتي الجزئي PACF كلاهما نحو الصفر فهذا يعني ان النموذج هو نموذج مختلط بين الانحدار الذاتي والايوساط المتحركة $\text{ARMA}(p, q)$

(مرحلة التقدير) Estimation stage

بعد ان تم تحديد النموذج المقترح لتمثيل الظاهرة، يأتي الان دور تقدير المعلمات لهذا النموذج حيث توجد هناك عدة طرائق لتقدير المعلمات من هذه الطرائق:

طريقة العزوم او طريقة يل_ولكر Moments or Yule_Walker Method

طريقة المربعات الصغرى الاعتيادية Ordinary Least Square Method O.L.S

طريقة الامكان الاعظم Maximum likelihood method

طريقة العزوم او طريقة يل_ولكر (3) Moments or Yule Walker Method

استخدم كل من Yule و Walker اسلوب العزوم للتوصل الى تقدير لمعلمات نموذج الانحدار الذاتي من درجة p فلسلسلة الزمنية الخاضعة لنموذج الانحدار الذاتي من الدرجة p تم استخدام معادلة معامل الارتباط الذاتي الخاص بالسلسلة الزمنية لتشكيل عدد من المعادلات هي كما موصوفة في ادناه:

والمعادلات اعلاه غالبا ما تدعى في الادبيات العلمية بمعادلات Yule Walker وبعد حل هذه المعادلات يتم التوصل الى متجه المقدرات التالية والذي يعرف بمقدرات Yule Walker او مقدرات العزوم Moments Estimator.

$$\hat{\Phi}_p = p_p - 1 \hat{p}_p \dots (1_12)$$

حيث ان :

$$\underline{\Phi}^{\wedge} = \begin{bmatrix} \Phi_1^{\wedge} \\ \Phi_2^{\wedge} \\ \vdots \\ \Phi_p^{\wedge} \end{bmatrix}, p_p = \begin{bmatrix} 1 & p_1^{\wedge} & p_2^{\wedge} & \dots & \dots & p_{p-1}^{\wedge} \\ p_1^{\wedge} & 1 & p_1^{\wedge} & \dots & \dots & p_{p-2}^{\wedge} \\ p_2^{\wedge} & p_1^{\wedge} & 1 & \dots & \dots & p_{p-3}^{\wedge} \\ \vdots & \vdots & \vdots & \ddots & \vdots & \vdots \\ p_{p-1}^{\wedge} & p_{p-2}^{\wedge} & \dots & \dots & \dots & 1 \end{bmatrix}, p_p^{\wedge} = \begin{bmatrix} p_1^{\wedge} \\ p_2^{\wedge} \\ \vdots \\ p_p^{\wedge} \end{bmatrix}$$

حيث ان p_i هي غير معلومة حل محلها تقديراتها p_i^{\wedge} في التطبيق العملي .

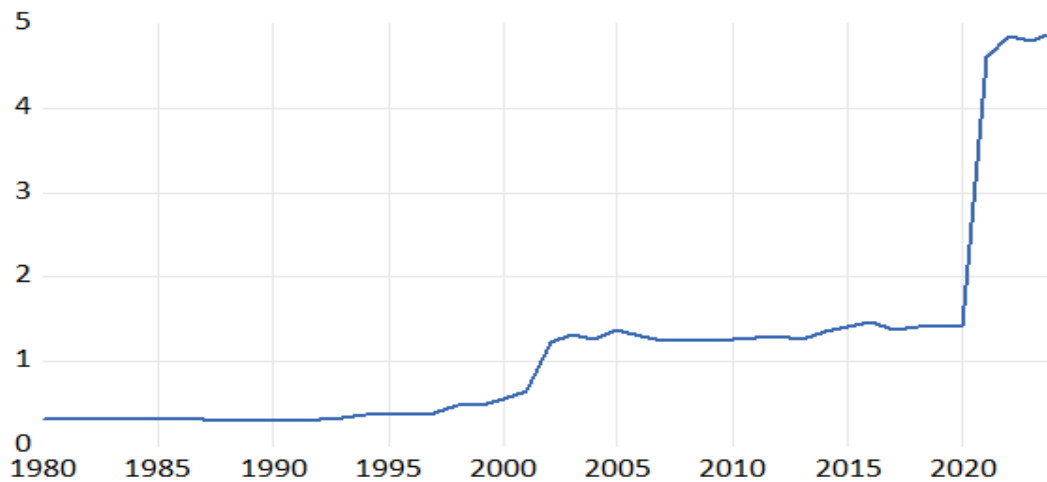
مرحلة الاختبار (Diagnostic checking Stage)

وهي المرحلة التي يتم فيها اختبار النموذج للتأكد من قدرته على تمثيل بيانات الظاهرة المدروسة، وكذلك إمكانية استخدامه في التنبؤ المستقبلي. وتوجد العديد من الاختبارات التي يمكن استخدامها لهذا الغرض، والتي تعتمد في حساباتها على الأخطاء، بهدف الكشف عما إذا كان هناك أي عامل غير عشوائي ضمن هذه البواقي، حيث نفترض أن تكون هذه البواقي عشوائية وخالية من أي أثر آخر. وفيما يلي شرح لبعض هذه الاختبارات:

اختبار مجموع مربعات الأخطاء (MSE):

يقوم هذا الاختبار على تقييم النموذج الذي يكون فيه معدل مجموع مربعات الخطأ أقل ما يمكن. فكلما كانت قيمة الاختبار صغيرة دلّ ذلك على عشوائية الأخطاء في النموذج المقترح، وعلى أن النموذج ملائم لأغراض التنبؤ. وتجدر الإشارة إلى أن مرحلة التنبؤ تُعد آخر مراحل تحليل السلاسل الزمنية.

تحليل بيانات سلسلة سعر الصرف ومناقشة النتائج :



الشكل (1) يوضح الاتجاه العام لسلسلة سعر الصرف.

يظهر من الشكل (1) أن سعر الصرف يتسم باتجاه تصاعدي على المدى الطويل، أي أن قيمة الدولار مقابل الدينار الليبي أخذت في الارتفاع عبر الزمن، مما يعكس ضغوطاً تضخمية أو ضعفاً في القوة الشرائية للدينار وبالتالي يظهر الشكل عدم استقرار السلسلة الواضح .

الجدول (1): يوضح الارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي لسلسلة سعر الصرف.

Date: 08/27/25 Time: 19:33

Sample: 1980 2024

Included observations: 45

	Autocorrelation	Partial Correlation	AC	PAC	Q-Stat	Prob
1			0.811	0.811	31.621	0.000
2			0.616	-0.122	50.300	0.000
3			0.420	-0.125	59.174	0.000
4			0.228	-0.124	61.859	0.000
5			0.218	0.399	64.372	0.000
6			0.206	-0.081	66.674	0.000
7			0.191	-0.081	68.713	0.000
8			0.175	-0.066	70.455	0.000
9			0.154	0.232	71.845	0.000
10			0.134	-0.064	72.934	0.000
11			0.117	-0.060	73.787	0.000
12			0.104	-0.036	74.474	0.000
13			0.088	0.136	74.991	0.000
14			0.073	-0.055	75.356	0.000
15			0.061	-0.038	75.619	0.000
16			0.054	-0.005	75.832	0.000
17			0.041	0.054	75.960	0.000
18			0.032	-0.033	76.042	0.000
19			0.017	-0.052	76.065	0.000
20			-0.030	-0.122	76.140	0.000

من الجدول (1) في المستوى الأصلي للسلسلة، أظهرت الارتباطات وجود اعتماد زمني قوي بين القيم، مع خروج بعض قيم الإبطاءات عن حدود الضبط، مما يؤكد عدم استقرار السلسلة.

جدول (2) : يوضح اختبار ديكي - فلر لاختبار استقرار سلسلة سعر الصرف:

Null Hypothesis: P has a unit root

Exogenous: Constant

Lag Length: 0 (Automatic - based on SIC, maxlag=9)

	t-Statistic	Prob.*
Augmented Dickey-Fuller test statistic	0.465312	0.9835
Test critical values:		
1% level	-3.588509	
5% level	-2.929734	
10% level	-2.603064	

*MacKinnon (1996) one-sided p-values.

Augmented Dickey-Fuller Test Equation

Dependent Variable: D(P)

Method: Least Squares

Date: 08/27/25 Time: 20:28

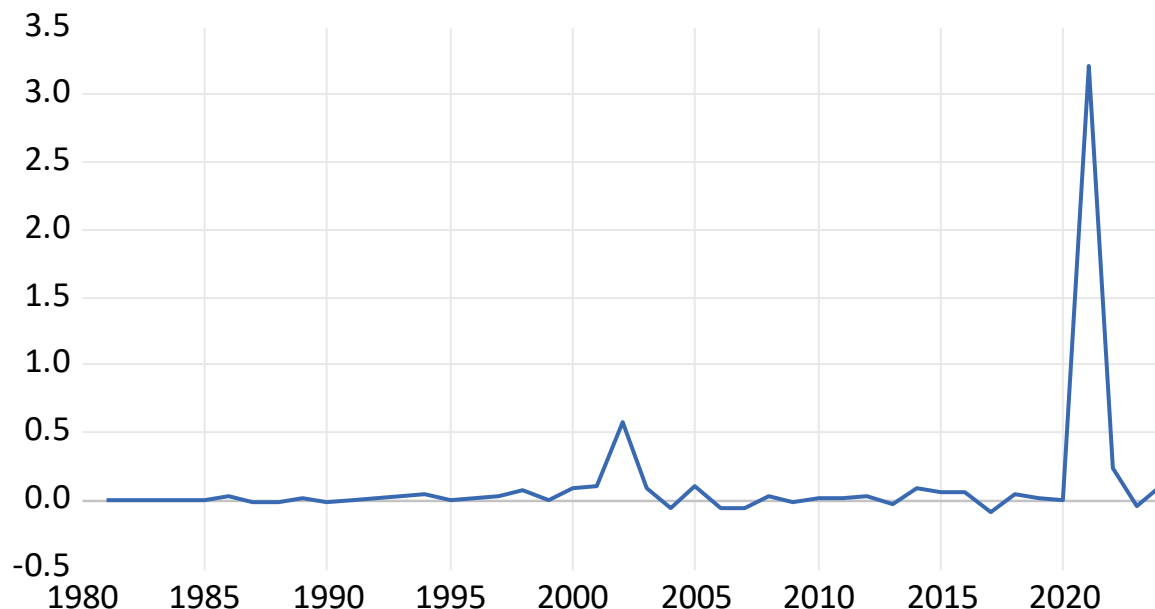
Sample (adjusted): 1981 2024

Included observations: 44 after adjustments

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
P(-1)	0.031467	0.067625	0.465312	0.6441
C	0.071104	0.103636	0.686100	0.4964
R-squared	0.005129	Mean dependent var		0.104671
Adjusted R-squared	-0.018559	S.D. dependent var		0.489052
S.E. of regression	0.493570	Akaike info criterion		1.470084
Sum squared resid	10.23166	Schwarz criterion		1.551183
Log likelihood	-30.34184	Hannan-Quinn criter.		1.500159
F-statistic	0.216516	Durbin-Watson stat		2.002909
Prob(F-statistic)	0.644112			

الجدول (2) أوضحت النتائج أن السلسلة الزمنية غير مستقرة في مستواها الأصلي وذلك من خلال مقارنة قيمتي ديكي وفلر المعنوية (0.9835) اكبر من القيم المحسوبة الثلاثة (1% ، 5% ، 10%) ، وكذلك أن المتوسط والتباين يتغيران مع الزمن.

Differenced P



الشكل (2) يوضح شكل السلسلة بعد اخذ الفرق الاول لاختبار الاستقرار.

الشكل (2) يوضح استقرارية السلسلة بعد اخذ الفرق الاول وتحوله الى شكل اتجاه عام افقي.

الجدول (3) : يوضح الارتباط والارتباط الذاتي الجزئي بعد الفرق الأول.

Date: 08/27/25 Time: 20:36

Sample (adjusted): 1981 2024

Included observations: 44 after adjustments

Autocorrelation			Partial Correlation			AC	PAC	Q-Stat	Prob	
						1	0.034	0.034	0.0545	0.815
						2	-0.057	-0.058	0.2115	0.900
						3	0.006	0.010	0.2134	0.975
						4	-0.040	-0.044	0.2930	0.990
						5	-0.004	-0.000	0.2941	0.998
						6	0.004	-0.001	0.2948	1.000
						7	0.007	0.008	0.2978	1.000
						8	-0.026	-0.029	0.3369	1.000
						9	-0.011	-0.008	0.3437	1.000
						10	-0.016	-0.019	0.3586	1.000
						11	-0.017	-0.015	0.3754	1.000
						12	-0.023	-0.026	0.4078	1.000
						13	-0.011	-0.012	0.4160	1.000
						14	-0.040	-0.043	0.5218	1.000
						15	-0.052	-0.052	0.7137	1.000
						16	0.009	0.005	0.7195	1.000
						17	-0.042	-0.050	0.8512	1.000
						18	-0.001	-0.001	0.8512	1.000
						19	0.152	0.142	2.7140	1.000
						20	0.015	0.004	2.7334	1.000

الجدول (3) للارتباط الذاتي والارتباط الذاتي الجزئي يوضح استقرار السلسلة بعد الفرق الأول ووقوع كل قيم الابطاءات داخل حدود الضبط ، كما تضاءلت الارتباطات وأصبحت أكثر ملاءمة للنمذجة، مما يدعم اعتماد نموذج من نوع $ARIMA(p,d,q)$.

الجدول (4) يوضح اختبار ديكي - فلر بعد الفرق الأول.

Null Hypothesis: D(P) has a unit root		
Exogenous: Constant		
Lag Length: 0 (Automatic - based on SIC, maxlag=9)		
	t-Statistic	Prob.*
Augmented Dickey-Fuller test statistic	-6.192197	0.0000
Test critical values:		
1% level	-3.592462	
5% level	-2.931404	
10% level	-2.603944	

*Mackinnon (1996) one-sided p-values.

من خلال الجدول (4) أصبحت السلسلة مستقرة بعد الفرق الاول وذلك من خلال القيمة المعنوية (0.000) لديكي وفلر والتي اصبحت اقل من القيم المحسوبة الثلاثة (1%، 5%، 10%) ، أي تحقق شرط الملاءمة لتقدير نماذج ARIMA.

الجدول (5) يوضح تقدير المعادلة بطريقة المربعات الصغرى.

Dependent Variable: P				
Method: Least Squares				
Date: 08/27/25 Time: 20:51				
Sample (adjusted): 1980 2023				
Included observations: 44 after adjustments				
Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
T	0.064685	0.008896	7.271160	0.0000
C(1)	-0.388694	0.229840	-1.691154	0.0982
R-squared	0.557288	Mean dependent var		1.066716
Adjusted R-squared	0.546747	S.D. dependent var		1.113025
S.E. of regression	0.749334	Akaike info criterion		2.305124
Sum squared resid	23.58304	Schwarz criterion		2.386224
Log likelihood	-48.71274	Hannan-Quinn criter.		2.335200
Durbin-Watson stat	0.438969			

معاملات المعادلة المقدرة:

Substituted Coefficients:

$$P = 0.0646848726568 * T - 0.388693930233 * 0.0646848726568$$

الجدول (5) يوضح تقدير المعادلة والتي اثبتت معنوية المعالم فيها والعلاقة الارتباطية المتوسطة بين سعر الصرف والزمن وحوالي 50% من التغير الذي يطرأ على سعر الصرف سببه عوامل اخرى غير الزمن .

الجدول (6) اختبار النموذج (تجانس التباين بطريقة ARCH)

Heteroskedasticity Test: ARCH

F-statistic	125.7604	Prob. F(1,41)	0.0000
Obs*R-squared	32.42794	Prob. Chi-Square(1)	0.0000

Test Equation:

Dependent Variable: RESID^2

Method: Least Squares

Date: 08/27/25 Time: 20:55

Sample (adjusted): 1981 2023

Included observations: 43 after adjustments

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
C	0.102017	0.113970	0.895120	0.3759
RESID^2(-1)	1.036141	0.092395	11.21429	0.0000
R-squared	0.754138	Mean dependent var		0.539480
Adjusted R-squared	0.748142	S.D. dependent var		1.399232
S.E. of regression	0.702211	Akaike info criterion		2.176231
Sum squared resid	20.21714	Schwarz criterion		2.258147
Log likelihood	-44.78897	Hannan-Quinn criter.		2.206439
F-statistic	125.7604	Durbin-Watson stat		1.752816
Prob(F-statistic)	0.000000			

تساوي (0.000) وهي أقل من مستوى المعنوية Obs R-Squared من بيانات الجدول (6) نلاحظ ان قيمة 5% مما يترتب رفض الفرضية .

تقدير النماذج المختارة : تم اختبار عدة نماذج بعد اخذ الفرق الاول لاستقرار السلسلة على النحو التالي:

- نموذج ARIMA(1,1,1)
- نموذج ARIMA(1,1,2)
- نموذج ARIMA(2,1,1)
- نموذج ARIMA(2,1,2)

لكل نموذج تم تقدير معاملات الانحدار الذاتي (AR) والمتوسطات المتحركة (MA) وأظهرت النتائج أن جميع النماذج لها معاملات معنوية لكن بدرجات مختلفة من الملاءمة كما موضح في الجداول أدناه.

الجدول (7) يوضح تقدير نموذج ARIMA(1,1,1)

Dependent Variable: P

Method: ARMA Maximum Likelihood (OPG - BHHH)

Date: 08/27/25 Time: 21:03

Sample: 1980 2024

Included observations: 45

Convergence achieved after 23 iterations

Coefficient covariance computed using outer product of gradients

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
T	0.070528	0.048120	1.465673	0.1504
AR(1)	0.842175	0.303715	2.772912	0.0083
MA(1)	0.126294	1.175599	0.107429	0.9150
SIGMASQ	0.219055	0.054179	4.043146	0.0002
R-squared	0.854296	Mean dependent var		1.151951
Adjusted R-squared	0.843635	S.D. dependent var		1.239999
S.E. of regression	0.490333	Akaike info criterion		1.529524
Sum squared resid	9.857477	Schwarz criterion		1.690116
Log likelihood	-30.41429	Hannan-Quinn criter.		1.589391
Durbin-Watson stat	1.945019			
Inverted AR Roots	.84			
Inverted MA Roots	-.13			

معالم المعادلة المقدرة :

Substituted Coefficients:

=====

$$P = 0.070528218789 * T +$$

[AR(1)=0.842175174108,MA(1)=0.126293773506,UNCOND,ESTSMPL="1980 2024"]

الجدول (8) يوضح تقدير نموذج ARIMA(1,1,2)

Dependent Variable: P

Method: ARMA Maximum Likelihood (OPG - BHHH)

Date: 08/27/25 Time: 21:08

Sample: 1980 2024

Included observations: 45

Convergence achieved after 26 iterations

Coefficient covariance computed using outer product of gradients

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
T	0.074290	0.052309	1.420228	0.1631
AR(1)	0.879712	0.200750	4.382132	0.0001
MA(2)	0.006214	0.944904	0.006576	0.9948
SIGMASQ	0.221374	0.053642	4.126837	0.0002
R-squared	0.852754	Mean dependent var		1.151951
Adjusted R-squared	0.841980	S.D. dependent var		1.239999
S.E. of regression	0.492921	Akaike info criterion		1.541005
Sum squared resid	9.961812	Schwarz criterion		1.701597
Log likelihood	-30.67262	Hannan-Quinn criter.		1.600872
Durbin-Watson stat	1.772745			
Inverted AR Roots	.88			
Inverted MA Roots	-.00+.08i	-.00-.08i		

معالم النموذج المقدر:

Substituted Coefficients:

=====

$$P = 0.0742900903997 * T +$$

[AR(1)=0.879712266143,MA(2)=0.00621373666323,UNCOND,ESTSMPL="1980 2024"]

الجدول (9) يوضح تقدير نموذج ARIMA(2,1,1)

Dependent Variable: P
Method: ARMA Maximum Likelihood (OPG - BHHH)
Date: 08/27/25 Time: 21:09
Sample: 1980 2024
Included observations: 45
Convergence achieved after 20 iterations
Coefficient covariance computed using outer product of gradients

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
T	0.071462	0.052534	1.360299	0.1812
AR(2)	0.746803	0.339638	2.198821	0.0336
MA(1)	0.983282	0.710417	1.384090	0.1738
SIGMASQ	0.212958	0.111672	1.906989	0.0635
R-squared	0.858352	Mean dependent var		1.151951
Adjusted R-squared	0.847987	S.D. dependent var		1.239999
S.E. of regression	0.483461	Akaike info criterion		1.520643
Sum squared resid	9.583103	Schwarz criterion		1.681236
Log likelihood	-30.21448	Hannan-Quinn criter.		1.580511
Durbin-Watson stat	1.917978			
Inverted AR Roots	.86	-.86		
Inverted MA Roots	-.98			

معالم النموذج المقدّر:

Substituted Coefficients:

=====

$$P = 0.0714623959396 * T +$$

[AR(2)=0.746803114435,MA(1)=0.983282001579,UNCOND,ESTSMPL="1980 2024"]

الجدول (10) يوضح تقدير نموذج ARIMA(2,1,2)

Dependent Variable: P
Method: ARMA Maximum Likelihood (OPG - BHHH)
Date: 08/27/25 Time: 21:11
Sample: 1980 2024
Included observations: 45
Convergence achieved after 20 iterations
Coefficient covariance computed using outer product of gradients

Variable	Coefficient	Std. Error	t-Statistic	Prob.
T	0.057011	0.021144	2.696344	0.0101
AR(2)	0.165464	1.181226	0.140078	0.8893
MA(2)	0.644280	1.033488	0.623403	0.5365
SIGMASQ	0.410105	0.122894	3.337058	0.0018
R-squared	0.727220	Mean dependent var		1.151951
Adjusted R-squared	0.707261	S.D. dependent var		1.239999
S.E. of regression	0.670906	Akaike info criterion		2.158386
Sum squared resid	18.45472	Schwarz criterion		2.318978
Log likelihood	-44.56369	Hannan-Quinn criter.		2.218253
Durbin-Watson stat	0.946075			
Inverted AR Roots	.41	-.41		
Inverted MA Roots	-.00+.80i	-.00-.80i		

معالم النموذج المقدّر:

Substituted Coefficients:

=====

$$P = 0.0570111274696 * T +$$

[AR(2)=0.165463566982,MA(2)=0.644279722259,UNCOND,ESTSMPL="1980 2024"]

جدول (11) يوضح كيفية اختيار النموذج الأمثل من خلال استخدام معايير:

- Akaike Info Criterion (AIC) (مقياس اكيائي)
- Schwarz Criterion (SC) (مقياس شاورز)
- مجموع مربعات الأخطاء SSE

النماذج	AKaike Info Criterion	Schwarz Criterion	مجموع مربعات الأخطاء SSE
ARIMA(1,1,1)	1.52	1.69	0.49
ARIMA(1,1,2)	1.54	1.70	0.49
ARIMA(2,1,1)	1.52	1.68	0.48
ARIMA(2,1,2)	2.16	2.31	0.68

النتائج أوضحت أن أفضل نموذج هو ARIMA(2,1,1) لأنه يحقق: أقل قيمة لمعيار $AIC = 1.52$ ، وأقل قيمة لمعيار $SC = 1.68$ ، أقل مجموع لمربعات الأخطاء $SSE = 0.48$ مما يجعله النموذج الأنسب للتنبؤ .

تقدير النموذج الأمثل وعملية التنبؤ به :

Substituted Coefficients:

=====

$P = 0.0714623959396 * T +$

[AR(2)=0.746803114435,MA(1)=0.983282001579,UNCOND,ESTSMPL="1980 2024"]

جدول (12) يوضح التنبؤ بسعر الصرف للعام 2030 بعد اختيار النموذج الأمثل :
 باستخدام نموذج ARIMA(2,1,1) تم التنبؤ للفترة 2030–2025:

السنة	السعر المتوقع
2025	5.6156
2026	5.8802
2027	5.6980
2028	5.7954
2029	6.3204
2030	6.7433

النتائج :

1. أظهرت سلسلة سعر الصرف اتجاهًا تصاعدياً واضحاً على المدى الطويل، مما يشير إلى ارتفاع مستمر في قيمة الدولار مقابل الدينار الليبي. هذا يعكس وجود ضغوط تضخمية وضعفاً في القوة الشرائية للدينار، ويؤكد على عدم استقرار السلسلة في مستواها الأصلي.
2. أكد اختبار ديكي-فلر أن السلسلة غير مستقرة في مستواها الأصلي (قيمة $P\text{-value} = 0.9835$) (> 0.05)، حيث يتغير المتوسط والتباين مع الزمن.
3. أخذ الفرق الأول، أصبحت السلسلة مستقرة، كما أكد ذلك اختبار ديكي-فلر (قيمة $P\text{-value} = 0.000$) (< 0.05) وتحول شكل السلسلة إلى اتجاه عام أفقي.
4. بناءً على معايير الاختيار 'AIC' (Akaike) و 'SC' (Schwarz) ومجموع مربعات الأخطاء ('SSE')، تبين أن النموذج الأمثل لوصف سلوك السلسلة والتنبؤ به هو نموذج ARIMA(2,1,1)، حيث حقق أقل قيم للمعايير المذكورة. ($AIC = 1.52$, $SC = 1.68$, $SSE = 0.48$) .

5. معاملات النموذج المقدر كانت معنوية، مما يدل على ملاءمته لوصف البيانات. ومع ذلك، أظهر اختبار ARCH وجود عدم تجانس في التباين (heteroscedasticity) في بواقي النموذج-P (value = 0.000)، مما يشير إلى تقلب التباين مع الزمن.
6. باستخدام النموذج الأمثل ARIMA(2,1,1)، تم التنبؤ بسعر الصرف حتى عام 2030، حيث من المتوقع أن يستمر الارتفاع ليصل إلى حوالي 6.74 دينار ليبي للدولار الواحد في عام 2030.

التوصيات :

- 1- نظراً للاتجاه التصاعدي المستمر والمتوقع لسعر الصرف، يجب على السلطات النقدية في ليبيا مراقبة سوق الصرف بشكل دقيق ومستمر واتخاذ إجراءات سياسية نقدية ومالية صارمة لاحتواء الضغوط التضخمية ومنع التدهور الحاد في قيمة الدينار.
- 2- يجب عدم الاعتماد على النماذج التنبؤية فقط، بل معالجة الأسباب الجذرية لضعف الدينار، والتي قد تشمل: عدم استقرار السياسات، الاعتماد على مصدر دخل وحيد (النفط)، وضعف الإنتاج المحلي.
- 3- نظراً لوجود مشكلة عدم تجانس التباين (ARCH effect)، يُوصى باستخدام نماذج أكثر تطوراً مثل (GARCH) لنمذجة وتوقع تقلبية ومخاطر سعر الصرف، مما يوفر رؤية أكثر دقة للمخاطر المستقبلية.
- 4- يجب تحديث البيانات وإعادة تقدير النموذج دورياً (سنوياً على الأقل) لدمج أحدث المعلومات وضمان استمرارية دقة التنبؤات، خاصة في بيئة اقتصادية متقلبة مثل الاقتصاد الليبي.
- 5- على المدى الطويل يجب العمل على تنويع الاقتصاد الوطني وتقليل الاعتماد على الاستيراد لخفض الحاجة على العملات الأجنبية، مما يساعد على توازن سعر الصرف وقلة الطلب عليه .
- 6- العمل على تعزيز الاحتياطات الأجنبية للبلاد لتكون قادرة على التدخل في الأسواق المالية عند الحاجة لامتصاص الصدمات ومنع التقلبات الحادة.
- 7- تشجيع الشفافية في سياسة سعر الصرف ونشر البيانات الاقتصادية بشكل منتظم ودقيق لتمكين المحللين والجهات المعنية من إجراء تقييمات أكثر دقة.

المراجع العربية :

- 1- أحمد طنطاوي (1995) : الاقتصاد الدولي ، الدار العلمية الدولية للنشر والتوزيع عمان - الاردن .
- 2- أحمد عبدالموجود محمد عبداللطيف (2017) : تقلبات سعر الصرف وأثره على اقتصاديات الدول العربية المصدر للبترو (اوبك) دار التعليم الجامعي للطباعة والنشر والتوزيع - الاسكندرية .
- 3- أسامة الخولي ، مجدي شهاب (1997) : مبادئ النقود والبنوك ، دار التعليم الجامعي للطباعة والنشر والتوزيع - الاسكندرية .
- 4- إسماعيل عبدالرحمن ، حربي موسى عريقات (1999) : مفاهيم علم الاقتصاد الكلي ، عمان - الاردن.
- 5- باري سيجل ، النقود والبنوك (1987) : من وجهة نظر النقديين ، دار المريخ للنشر - الرياض .
- 6- بكري كامل عكاشة (2001) : الاقتصاد الدولي والتجارة الخارجية والتمويل ، دار التعليم الجامعي للطباعة والنشر والتوزيع - الاسكندرية .
- 7- خالد حسن البيلي ، الاقتصاد الدولي ، مطبعة جامعة السودان للعلوم والتكنولوجيا، الخرطوم
- 8- محب خلة توفيق (2015) : الاقتصاد المصرفي والنقدي دراسة تحليلية للمؤسسات والنظريات ، دار الفكر الجامعي - الاسكندرية .
- 9- مصطفى محمد عبدالله (2016) : الآثار المتوقعة على انخفاض الجنيه السوداني مقابل الدولار ، دار المريخ للنشر - الرياض .
- 10- وسام مالك (2001) : الظواهر النقدية على المستوى الدولي ، دار المنهل اللبناني - بيروت.
- 11- زين العابدين البشير (2016) تحليل السلاسل الزمنية - دار الجنان للنشر والتوزيع - عمان .

الكتب المترجمة :

- 1- الفريد وكويافاس، اليمندر وننز (2002) : تجربة المكسيك مع نظام سعر الصرف المرن ، صندوق النقد العربي ، نظم وسياسات سعر الصرف الاجنبي - ابوظبي .
- 2- جورج كوبر (2010) : الازمة المالية وخرافة السوق الكفى ، ترجمة محمد عبدالجواد نهضة مصر للطباعة والنشر والتوزيع - القاهرة

المراجع الاجنبية :

- 1-Box,G and jenkins ,G(1970; Time Series Analysis;Forecasting and control;san Francisco;Holden-day
- 2-Schwarz,E (1978) estimation the dimension of amodel ,Annals of Statistics2 : pp416-464.
- 3- Euders W;Applied Econometricstimeseries(2004) JohnWiley & sons
- 4-pHILLIPS;P.C.B and Perron P.(1988) Testing for unit root in time series ; Biometrika.
- 5-JOHN, D. M. (2009). *Analysis of Time Series and forecast* .
- 6-Engle, R. F. (1982). Autoregressive Conditional Heteroscedasticity with Estimates of the Variance of United Kingdom Inflation. *Econometrica*.

Compliance with ethical standards

Disclosure of conflict of interest

The author(s) declare that they have no conflict of interest.

Disclaimer/Publisher's Note: The statements, opinions, and data contained in all publications are solely those of the individual author(s) and contributor(s) and not of **AJASHSS** and/or the editor(s). **AJASHSS** and/or the editor(s) disclaim responsibility for any injury to people or property resulting from any ideas, methods, instructions, or products referred to in the content.